

بنام کسی که آفرین از عدم به انسان عطا کرد فکر و قلم

موضوع مقاله : Recursive

تاریخ: ۱۳۸۹/۰۸/۱۵

ارائه دهنده: زهرا های

نام استاد: مهندس محمد سلیمی

WWW.SALIMITEACH.COM

توابع بازگشتی:

امکان فراخوانی یک تابع در تابع دیگر همواره وجود دارد. خاصیت مهم اینجا است که در زبان C# میتوان درون یک تابع، خود تابع را با نامی با اهمیت آرگومانهای جدید فراخوانی کرد. از خاصیت بالا برای انجام کارهایی که به صورت تکرار محاسبات مراحل قبلی صورت میگیرند، میتوان استفاده نمود.

در توابع بازگشتی، توجه به دو نقطه بسیار مهم است:

(۱) نقطه بازگشت = نقطه بازگشت جایی است که بانی خود تابع با آرگومان اهمیت جدید فراخوانی شود. یعنی به نقطه بن بست نرسیده ایم.

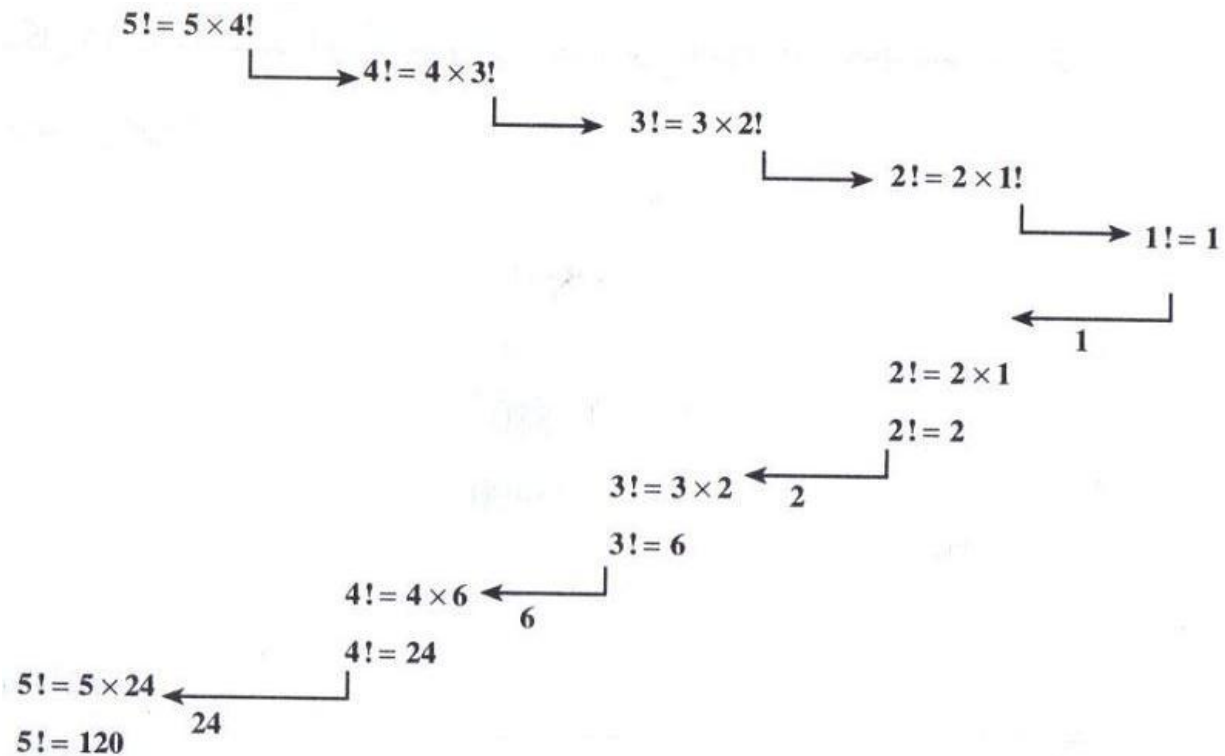
(۲) نقطه بن بست = نقطه بن بست جایی است که در آنجا بانی روند فراخوانی را که انجام داده ایم، بصورت بازگشت به عقب انجام دهیم تا جواب مطلوب حاصل شود.

مثال: تابع بدست آوردن فاکتوریل عدد از نوع بازگشتی:

محاسبه فاکتوریل عدد

Factorial

```
//recursive function calculates n!  
static int FactorialRecursive(int n)  
{  
    if (n <= 1) return 1;  
    return n * FactorialRecursive(n - 1);  
}
```



کد برنامه قبلی بدون تابع بازگشتی

```
//iterative function calculates n!
static int FactorialIterative(int n)
{
    int sum = 1;
    if (n <= 1) return sum;
    while (n > 1)
    {
        sum *= n;
        n--;
    }
    return sum;
}
```

$$6! = 720$$

$$7! = 5040$$

$$8! = 40320$$

$$9! = 362880$$

$$10! = 3628800$$

نقاط جالب

۱. سعی نکنیم که در موقعیت های حساس از recursive استفاده کنیم.
۲. راه حل elegant (یک برنامه با کمترین مقدار حافظه اصلی طراحی یک برنامه کارا که با کم کردن تعداد دستورالعملهای بکار برده شده برای انجام کارهای گوناگون از حداقل ممکن حافظه اصلی استفاده کند، ظریف، زیبا، با سلیقه، پرباز، برازنده) همیشه بهترین راه حل نیست.
۳. اگر نطفه داری به استفاده از recursive حتما برنامه رو به نطفه کلوی کا برای هر چه نزدیک تر شدن به

dynamic programming

با چند مثال بحث را پی می گویم

- سری فیوناچی
- تعیین بزرگ ترین مقسوم علی مشترک بین دو عدد
- برج هانوی

سری فیوناچی

Fibonacci

```
//----- iterative version -----
--
static int FibonacciIterative(int n)
{
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;

    int prevPrev = 0;
    int prev = 1;
    int result = 0;
```

```

    for (int i = 2; i <= n; i++)
    {
        result = prev + prevPrev;
        prevPrev = prev;
        prev = result;
    }
    return result;
}

//----- naive recursive version -----
-----
static int FibonacciRecursive(int n)
{
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;

    return FibonacciRecursive(n - 1) +
FibonacciRecursive(n - 2);
}

//----- optimized recursive version -----
-----
static Dictionary<int> resultHistory = new
Dictionary<int>();

static int FibonacciRecursiveOpt(int n)
{
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;
    if (resultHistory.ContainsKey(n))
        return resultHistory[n];

    int result = FibonacciRecursiveOpt(n - 1) +
FibonacciRecursiveOpt(n - 2);
    resultHistory[n] = result;
}

```

```
    return result;  
}
```

تعین بزرگ ترین مقسوم علی مشترک بین دو عدد

ابتدا محاسبه ب م م با روش نردبانی را یادآوری می کنیم

	۲	۱	۲	۱	۱	
۸۷	۳۲	۲۳	۹	۵	۴	
۶۴	۲۳	۱۸	۵	۴		

خارج قسمت تقسیم عدد اول (مثلا a) بر عدد دوم (مثلا b) را بالای عدد دوم و باقیمانده را جلوی عدد دوم در جدول می نویسیم

Step ۱: ابتدا چک می کنیم که عدد دوم صفر نشده باشد

Step ۲: a را می گذاریم عدد دوم b را می گذاریم باقیمانده

Step ۳: a را بر b تقسیم می کنیم اگر باقیمانده صفر شد a بزرگ ترین مقسوم علی مشترک بین دو عدد است

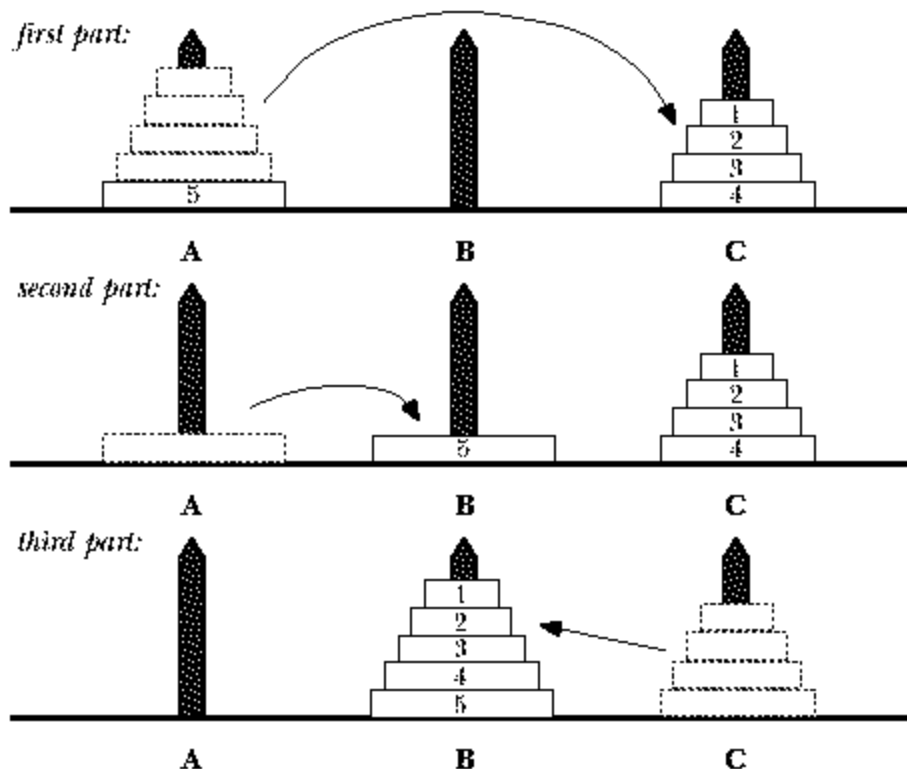
```
static int gcd(int a, int b)
{
    int item;
    if (b == ۰)
    {
        item = a;
    }
    else
    {
        item = gcd(b, a % b);
    }
    return item;
}
```

مسئله برجهای هانوی (Towers of Hanoi)

هر برنامه نویسی باید به نحوی با مسائل کلاسیک دست و پنجه نرم کرده باشد. یکی از معروفترین مسائل کلاسیک، مسئله برجهای هانوی می باشد. طبق افسانه ای در معبدی در شرق دور، کاهنان معبدی تعدادی دیسک را از یک ستون به ستون دیگر جا به جا می کردند. ستون اول در ابتدا دارای ۶۴ دیسک با اندازه های مختلف می باشد، که بزرگترین دیسک در پایین ستون و کوچکترین دیسک در بالای ستون قرار دارد. کاهنان باید همه دیسکها را از یک ستون به ستون دوم منتقل می کردند. با این شرط که در هر بار جا به جایی تنها یک دیسک منتقل شود و نیز دیسک بزرگتری روی دیسک کوچکتر قرار نگیرد. ضمناً ستون سوم به عنوان ستون کمکی در اختیار آنها می باشد. گویند هنگامی که کاهنان معبد همه ۶۴ دیسک را با روش گفته شده از ستون اول به ستون دوم منتقل کنند جهان به پایان می رسد.

برای راحتی کار کاهنان و برای اینکه دچار اشتباه و دوباره کاری در انتقال نشوند می خواهیم برنامه ای بنویسیم که ترتیب انتقال دیسکها را چاپ کند.

برای نوشتن این برنامه، مسئله را باید با دید بازگشتی نگاه کنیم. انتقال n دیسک را به شیوه زیر انجام می دهیم:



۱- ابتدا $n-1$ دیسک را از ستون اول به ستون دوم به کمک ستون سوم منتقل کن.

۲- دیسک آخر (بزرگترین دیسک) را از ستون اول به ستون سوم منتقل کن.

۳- $n-1$ دیسک قرار گرفته در ستون دوم را به کمک ستون اول به ستون سوم منتقل کن.

مراحل انجام کار هنگام انتقال آخرین دیسک یعنی وقتی که $n=1$ می باشد، یعنی حالت پایه به اتمام می رسد. در حالت $n=1$ یک دیسک بدون کمک ستون کمکی به ستون دیگر منتقل می شود. تابع بازگشتی مورد استفاده برای حل مسئله برجهای هانوی را با چهار آرگومان می نویسیم.

۱- تعداد دیسکها ۲- ستون مبدأ ۳- ستون کمکی ۴- ستون مقصد

```
#include
int hanoi(int, char, char, char);
int main( )
{ int disks;
  cout<<"Moving disks form tower A to C."<
  cout<<"How many disks do you want to move?";
  cin>>disks;
  cout<<hanoi(disks, 'A', 'B', 'C')<
  return 0;
}
int hanoi(int n, char first, char help, char second)
{
  if (n == 1) {
    cout << "Disk " << n << " from tower " <<
first
    << " to tower " << second << endl;
  }
  else {
    hanoi(n-1, first, second, help);
    cout << "Disk " << n << " from tower " <<
first
    << " to tower " << second << endl;
    hanoi(n-1, help, first, second);
  }
  return 0;
}
```